

# معرفی روش تحلیل استاتیکی فزاینده غیرخطی مدی و تعیین نسبت تغییر مکان نسبی طبقات توسط آن

محمد رضامنشوری، فارغ التحصیل کارشناسی ارشد مهندسی زلزله، محسن غفوری آشتیانی، استاد پژوهشگاه عبدالرضا سرور قدمقلم، استادیار پژوهشکده مهندسی سازه پژوهشگاه

## ۱-چکیده

بافزایش ثبت زلزله ها و ارتقاء دانش بشر درباره این پدیده، تفسیر نحوه رفتار سازه هادر زمان زلزله و راهکارهای افزایش ایمنی در مقابل این پدیده نیز به روز می شوند. در این راستا، تعریف مشخصی از ایمنی، عملکرد و خطر زلزله باعث ایجاد زبان مشترک بین محققان و مهندسان و امکان بکارگیری این تعاریف در محاسبات سازه های جدید و کنترل سازه های موجودی گردد. توسعه روشهای طراحی بر اساس عملکرد مبتنی بر این بینش جدید می باشد. با توسعه مفاهیم طراحی لرزه ای، ابزار محاسباتی نیز توسعه یافته است. در این میان، روشهای تحلیل استاتیکی غیرخطی با توجه به سادگی، سرعت انجام و سادگی تفسیر نتایج در مقایسه با روشهای تحلیل دینامیکی غیرخطی به سرعت مورد اقبال مهندسان واقع شده اند. به عنوان مثال، روش تحلیل استاتیکی فزاینده غیرخطی به عنوان پایه ای برای روشهای تحلیل و کنترل سازه ها که می توان از آنها به عنوان نسل دوم روشهای تحلیل استاتیکی غیرخطی نام برد، کاربرد یافته است [۱]. یکی از این روشهای تحلیل استاتیکی فزاینده غیرخطی مدی نامیده شده است. در این روش دو مفهوم نیاز لرزه ای و ظرفیت سازه، با ارائه مفهوم سازه یک درجه آزاد معادل با یکدیگر مقایسه شده

باتوسعه مفاهیم طراحی لرزه ای و ابزارهای محاسباتی، روشهای تحلیل استاتیکی غیرخطی مانند روش تحلیل استاتیکی فزاینده غیرخطی (Pushover) با توجه به سادگی، سرعت انجام و سهولت تفسیر نتایج در مقایسه با روشهای تحلیل دینامیکی غیرخطی به سرعت مورد اقبال مهندسان واقع شده اند. در این مقاله، روش تحلیل استاتیکی فزاینده غیرخطی مدی (Model Pushover Analysis) معرفی شده است. نتایج نسبت تغییر مکان نسبی برای چهار نوع سازه فولا دی با تعداد طبقات، دوره تناوب و ضرایب تأثیر مدی متفاوت باود. روش MPA و روش تحلیل دینامیکی غیرخطی تاریخچه زمانی در زلزله های مختلف تعیین و با یکدیگر مقایسه شده اند. نتایج این تحقیق می بین آن است که خطای روش MPA که مقادیر آن در طبقات متفاوت است، با در نظر گرفتن اثر مدهای بالاتر، بویژه در سازه هایی که تأثیر مدهای بالاتر بیشتر است، کاهش می یابد.

**واژه های کلیدی:** تحلیل استاتیکی فزاینده غیرخطی، نسبت تغییر مکان نسبی، شکل مد، تأثیر مدهای بالاتر، سازه یکدیگر آزاد معادل.

تحلیل بویژه برای سازه هایی که مد اول تغییر شکل در آنها حاکم است و شناخت کلی که این منحنی از رفتار سازه به دست می دهد، می توان آن را روشنی مناسب برای تخمین رفتار سازه دانست. به عنوان مثال، در بررسی رفتار غیر خطی برج مسکونی ۵۴ طبقه تهران از انواع تحلیلهای خطی و غیر خطی استفاده شده است که نتایج حاصل از تحلیل Pushover قابل قبول و با دقت مناسب برآورده شده اند. آنچه که بر کار آیی این روش می افزاید، امکان ترکیب آن با مفاهیم نیاز لرزه ای و به دست آوردن تخمینی از رفتار و پاسخ سازه طی حرکت شدید زمین دلخواه می باشد. در واقع در روش تحلیل استاتیکی فزاینده غیر خطی مدلی از این قابلیت استفاده شده است. با توجه به کاربرد روزافروزن این روش برای تخمین پاسخ سازه ها، محققان بسیاری به منظور شناخت و کاهش نقاط ضعف و بهبود روش فعالیت نموده اند. والی و هریس روش اعمال اثرهای مدبلاط را به صورت عملی برای سازه های موجود پیشنهاد کرده اند.<sup>[۳]</sup> و کیلار و فایفر استفاده از این روش را برای ساختمنهای نامنظم بسط داده اند.<sup>[۴]</sup> گوپتا و کونات با استفاده از تحلیل Pushover روشی برای تعیین تغییر مکان سازه بر پایه طیف پیشنهاد داده اند<sup>[۵]</sup> و در دستورالعمل به سازی لرزه ای ساختمنهای موجود این روش و نحوه استفاده از آن گنجانده شده است.<sup>[۶]</sup>

در ادامه این بخش اصول کلی و روابط حاکم بر روش تحلیل استاتیکی فزاینده غیر خطی توضیح داده شده و روش به دست آوردن منحنی ظرفیت سازه، که یکی از اهداف این نوع تحلیل می باشد، آورده شده است.

### ۱-۳- اصول کلی روش

در تحلیل استاتیکی فزاینده غیر خطی، شناخت دو عامل بسیار مهم است:

- ۱- نیروی جانبی وارد به سازه و شکل توزیع آن؛

و در نهایت حداقل تغییر مکان انتهای سازه موجود بر اثر زلزله مفروض با استفاده از نگاشت آن زلزله تعیین می شود [۱ و ۲]. یکی از مواردی که در ارزیابی لرزه ای سازه ها به شناخت رفتار سازه کمک می کند، تعیین نسبت تغییر مکان نسبی طبقات (Drift Ratio) است که در آین نامه های مختلف مقادیر مجاز محدودیتهای آن ذکر شده اند. با به دست آوردن تغییر مکان نسبی طبقات و مقایسه آن با مقادیر مجاز می توان رفتار سازه در زلزله مورد نظر را بررسی نمود و شکل پذیری آن را تخمین زد. در صورتی که مدهای بالاتر تأثیر زیادی در پاسخ نهایی سازه داشته باشند، بهتر است برای محاسبه تغییر مکان نسبی طبقات از ترکیب مدها استفاده شود. در این تحقیق، از روش جدیدی برای تعیین این نسبت استفاده شده است که مبتنی بر تعیین حداقل تغییر مکان انتهای از روش MPA یا NTHA و استفاده از آن به عنوان تغییر مکان هدف در تحلیلهای Pushover ثانویه برای تعیین تغییر مکان طبقات و در نهایت تعیین تغییر مکان نسبی طبقات است.

## ۳- تحلیل استاتیکی فزاینده غیر خطی

روش تحلیل استاتیکی فزاینده غیر خطی، روش ساده ای است که برای برآوردن پاسخ ناشی از رفتار غیر خطی سازه ها و اجتناب از انجام تحلیل دینامیکی غیر خطی متداول شده است. با وجود افزایش توانایی و سرعت رایانه ها، تحلیل دینامیکی غیر خطی به علت وقتگیر و مشکل بودن این روش تحلیل و نیاز به دانش خاصی برای تفسیر نتایج، بویژه در حوزه رفتار غیر خطی، در محاسبات متداول رایج نیست و تنها در امور تحقیقاتی یا محاسبات سازه های ویژه استفاده می شود. با توجه به نتایج نسبتاً قابل قبول به دست آمده از این روش

$$F_i = \frac{\phi_i W_i}{\sum \phi_i W_i} V \quad (1)$$

در رابطه (۱)،  $F_i$  نیروی جانبی وارد در طبقه  $i$ ،  $W_i$  وزن طبقه  $i$  و  $V$  برش پایه کل ساختمان می‌باشد.

در واقع نیرو و تغییرشکل حقیقی اعضای در ابتدای هر مرحله برابر با مقادیر انتهایی مرحله قبل است؛ اما در روش مذکور هر مرحله از افزایش بار جانبی تحلیل مجزایی با شرایط اولیه صفر است؛ بنابراین، برای تعیین اعضای جاری شده در مرحله آخر و تغییر مکانهای مربوطه، باید نیروها و تغییرشکلهای ناشی از مرحله قبل به نتایج مرحله بعد افزوده شوند.

پس از انجام این مراحل، امکان رسم منحنی ظرفیت سازه وجود دارد. در واقع روش تحلیل استاتیکی فزاینده غیرخطی به صورت ابتدایی، روشی مبتنی بر مدنظر قرار دادن تغییرشکلهای ناشی از مداول حرکت سازه است. این امر در سازه‌هایی که مد اول آنها قسمت عمده پاسخ را تشکیل - می‌دهد، قابل قبول است؛ اما، در سازه‌هایی که مدهای بالاتر، اثرهای قابل توجهی دارند، به نظر می‌رسد که فاصله نتایج حاصل با نتایج حاصل از روش‌های دقیق دینامیکی افزایش - می‌یابد. در واقع با در نظر گرفتن مدهای بالاتر در مرحله دوم می‌توان نتایج را بهمود داد. با توجه به این نکته، در این مقاله اثر مدهای بالاتر در پاسخ مورد بررسی قرار گرفته است. در واقع در تحلیلهای استاتیکی فزاینده غیرخطی انجام شده، نیروهای جانبی طبقات با در نظر گرفتن شکل مد تغییرشکل سازه و استفاده از الگوی توزیع بار جانبی مدل (رابطه ۱) به دست آمده - است. واضح است که منحنی ظرفیت به دست آمده، بیانگر رفتار سازه در همان مد تغییرشکل می‌باشد. با تشکیل منحنی‌های ظرفیت برای هر مد به طور جداگانه و انجام مراحل مختلف تحلیل و ترکیب نتایج به دست آمده بار و شهای مختلف ترکیب مدلی می‌توان اثرهای مدهای مختلف در این نوع از تحلیل را حافظ نمود.

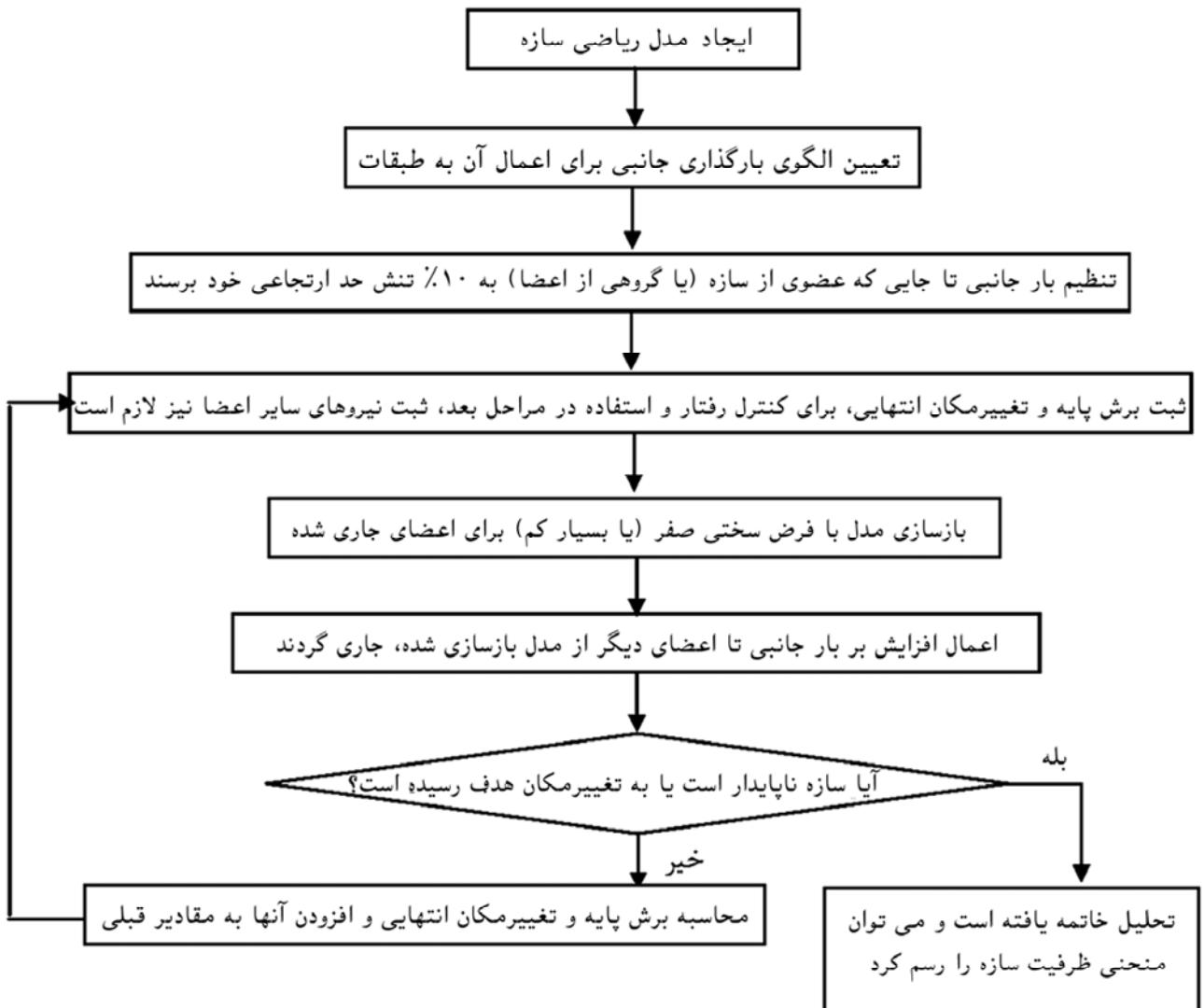
## ۲- نحوه رفتار اعضای مختلف سازه‌ای و شناخت درست رفتار غیرخطی آنها.

برای تعیین نحوه رفتار غیرخطی اعضای سازه‌ای، آیین نامه‌های مختلف روابط مفیدی پیشنهاد داده اند. از جمله می‌توان به آیین نامه ATC40 [۷] برای سازه‌های بتی، آیین نامه‌های FEMA356، FEMA273 [۸] و دستورالعمل بهسازی لرزه ای ساختمانهای موجود اشاره کرد. در این آیین نامه‌ها با توجه به نوع عضو سازه ای و مشخصات دیگر آن، رفتارهای غیرخطی مجزایی آورده شده است که حاصل تحقیقات فراوان و بررسی رفتار اعضای سازه ای در زلزله‌های گذشته می‌باشد. در ادامه به روند تحلیل استاتیکی فزاینده غیرخطی اشاره شده است.

### ۲-۳- مراحل تحلیل

منحنی ظرفیت سازه، به صورت نموداری که محور قائم آن را برش پایه و محور افقی آن را تغییر مکان بالاترین نقطه سازه تشکیل می‌دهد، تعریف می‌شود. با استفاده از برخی از برنامه‌ها مانند SAP2000 یا DRAIN-2DX که رفتار غیرخطی سازه در آنها قابل مدلسازی است می‌توان این منحنی را به طور مستقیم به دست آورد. با وجود این، اصول بکار رفته در انجام تحلیل Pushover و به دست آوردن منحنی ظرفیت در این مرحله در شکل (۱) نشان داده شده است:

در مرحله دوم، گزینه‌های مختلفی برای نحوه اعمال نیروی جانبی پیش روی مهندس محاسب قرار دارد که از رابطه (۱) که بر اساس اعمال تیروی جانبی به صورت حاصل ضرب جرم طبقه در مؤلفه مربوطه از شکل مد اول ( $\phi_i$ ) ارجاعی است، برای این منظور استفاده شده است:



شکل(۱):نمودار انجام تحلیل Pushover

مفهوم سازه یک درجه آزاد معادل می‌باشد. در واقع پس از به دست آوردن منحنی ظرفیت سازه از یک تحلیل Pushover، با اعمال ضرایبی به مقادیر تغییر مکان انتهایی و برش پایه، منحنی به دست می‌آید [۱۰]. در روش طیف ظرفیت هدف از این ADRS کار، رسم همزمان پارامترهای نیاز و ظرفیت در یک دستگاه مختصات و تعیین نقطه تقاطع آنها به عنوان نقطه عملکرد سازه (Performance Point) می‌باشد؛ اما در حقیقت منحنی حاصل نشان دهنده رفتار سازه یک درجه آزاد معادل می‌باشد. در این منحنی دو خطی شبیه قسمت اول نشان دهنده رفتار

#### ۴- تحلیل استاتیکی فزاینده غیرخطی مددی

اصول اولیه روش تحلیل استاتیکی فزاینده غیرخطی مددی (MPA) در سال ۲۰۰۱ توسط چوپیرا و گوئل پیشنهاد و در سال ۲۰۰۲ اصلاح گردید [۱، ۲ و ۹]. در این روش با استفاده از مفهوم سازه یک درجه آزاد معادل و با اعمال نگاشت زلزله دلخواه، تغییر مکان بیشینه سازه موردنظر بر اثر زلزله دلخواه در هر مدبه طور جداگانه به دست می‌آید.

#### ۴-۱- مفهوم سازه یک درجه آزاد معادل

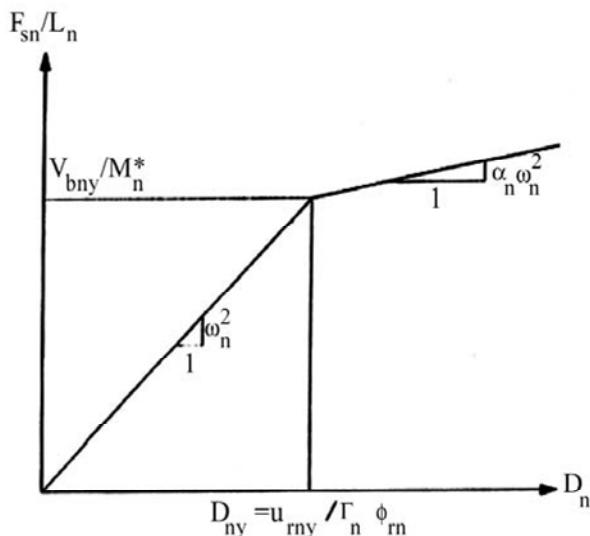
مفهوم حاکم در کلیه روشهای تحلیل استاتیکی غیرخطی

شکل (۲) مبین آن است که سختی سازه تابعی از مقدار تغییر مکان و جهت آن می باشد. با حل رابطه (۲) به صورت عددی و یا مدل سازی مستقیم سازه یک درجه آزاد با رفتار غیر خطی نشان داده شده در شکل (۳) می توان مقدار بیشینه تغییر مکان سازه یک درجه آزاد معادل ( $D_n$ ) را به دست آورد. پس از به دست آوردن این مقدار، از رابطه (۳)، تغییر مکان بیشینه انتهای سازه اصلی محاسبه می گردد:

$$U_{r,n} = \Gamma_n \varphi_{r,n} D_n \quad (3)$$

در رابطه (۳)،  $U_{r,n}$  تغییر مکان بیشینه انتهای سازه اصلی،  $\varphi_{r,n}$  تغییر شکل انتهای سازه در مد موردنظر و  $D_n$  تغییر مکان بیشینه سازه یک درجه آزاد معادل می باشد.

در واقع اگر روش طیف ظرفیت (CSM) روشی بر پایه تحلیل طیفی تصور شود، می توان روش MPA را روشنی بر پایه تحلیل تاریخچه زمانی به حساب آورد. نتایج نهایی دور روش CSM و MPA، تغییر مکان بیشینه سازه در مد موردنظر می باشد. در هر دو روش با استفاده از یکی از روش های ترکیب مدلی می توان نتایج را به مدهای دیگر تعمیم داد.



ب: رابطه نیرو- تغییر مکان سازه یک درجه آزاد معادل

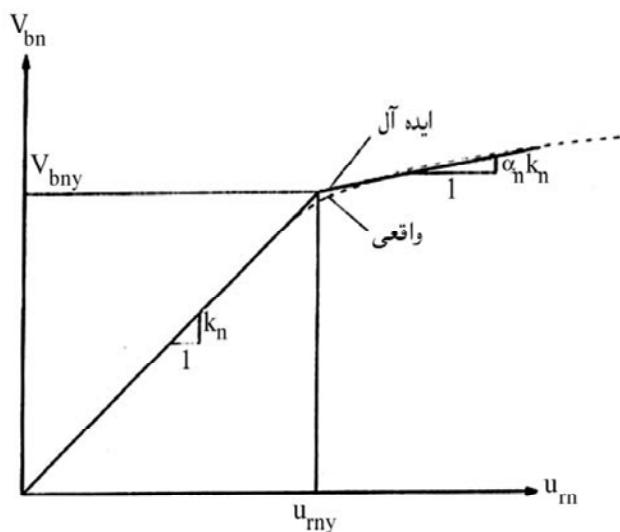
شکل (۲): منحنی ظرفیت و تبدیل آن به رابطه نیرو- تغییر مکان سازه یک درجه آزاد معادل

خطی سازه یک درجه آزاد معادل و شیب قسمت دوم، که معمولاً به صورت ضریبی از شیب قسمت اول بیان می شود، نشان دهنده سخت شدگی پس از تسلیم است. با داشتن این منحنی می توان رفتار غیر خطی سازه یک درجه آزاد معادل را تعیین کرد.

محورهای مختصات منحنی ظرفیت سازه که از یک تحلیل استاتیکی فراینده غیر خطی به دست می آید، پس از تبدیل به شکل ADRS، به منحنی رفتار غیر خطی سازه یک درجه آزاد معادل با جرم واحد تبدیل می شود (شکل ۲). برای تعیین مقدار پاسخ این سازه باید معادله حرکت آن را تشکیل داد و سپس آن را حل کرد. با توجه به منحنی های نشان داده شده، معادله حرکت سازه یک درجه آزاد معادل به شکل رابطه (۲) خواهد بود:

$$\ddot{D}_n + 2\zeta\omega_n \dot{D}_n + \frac{F_{sn}(D_n, \dot{D}_n)}{L_n} = -\ddot{u}_g(t) \quad (2)$$

در رابطه (۲)،  $D_n$  پاسخ سازه یک درجه آزاد معادل،  $\zeta$  میرایی در نظر گرفته شده،  $\omega_n$  فرکانس سازه در مد  $n$  ام و تاریخچه زمانی شتاب زلزله می باشد.



الف: منحنی Pushover دو خطی شده

## ۵- تحلیل عددی

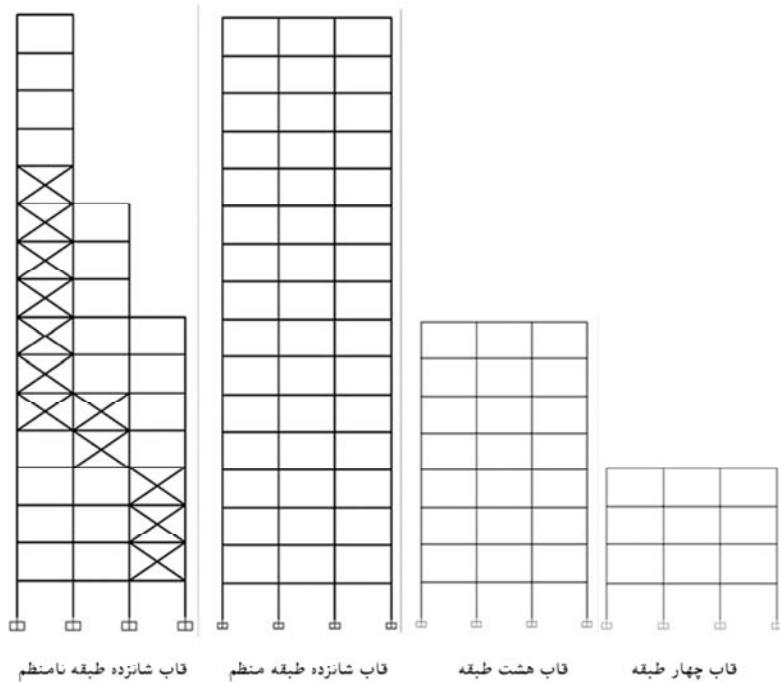
وارتفاع طبقه سه متر مدلسازی و طبق استاندارد ۲۸۰۰ طراحی لرزه ای شدند. علاوه بر این، برای بررسی اثرهای مدهای بالاتر، یک قاب شانزده طبقه فولادی با سیستم مرکب خمسمی و مفصلی- مهاربندی به مجموعه سازه های مورد بررسی اضافه گردید. کلیه ستونهای قابهای مذکور، قوطی و تیرهای آنها از مقطع IPE می باشد. در قاب چهارم از ناوданی دوبل به عنوان بادبند استفاده شده است (شکل ۳).

در جدول (۱) مشخصات دینامیکی سازه (دوره تناوب، جرم مؤثر مددی، نسبت جرم مؤثر مددی، نسبت تجمعی جرم مؤثر مددی) و ضریب مشارکت مددی برای آن تعداد از مدها که نسبت تجمعی جرم مؤثر مددی به حداقل ۹۵٪ نرسد، برای هر قاب آن آورده شده است. این جدول مبین آن است که فقط در قاب شماره ۴، اثر مددوم قابل ملاحظه است؛ لذا، انتظار می رود که در نتایج نهایی حذف اثر این مدباعث افزایش خطأ گردد.

با توجه به اصول تئوری روش مطرح شده در بخش دوم و به منظور حصول به نتایج مفید و قابل استفاده، تحلیل عددی بر روی مدل های دو بعدی (قاب فولادی) با مشخصات مختلف (ارتفاع و نوع سیستم باربر جانبی) انجام گردیده است. به دلیل پیچیدگی ترکیب نتایج حاصل از مدهای مختلف در سازه های سه بعدی، از مدل های سه بعدی در این مرحله از تحقیق استفاده نگرددیه است. در این مرحله، ابتدامدل های موردنظر و مشخصات آنها و سپس زلزله های استفاده شده معرفی و در ادامه نحوه اعمال روش های تحلیل استاتیکی فراینده غیرخطی مددی و تحلیل دینامیکی غیرخطی بر مدل ها شرح داده شده است.

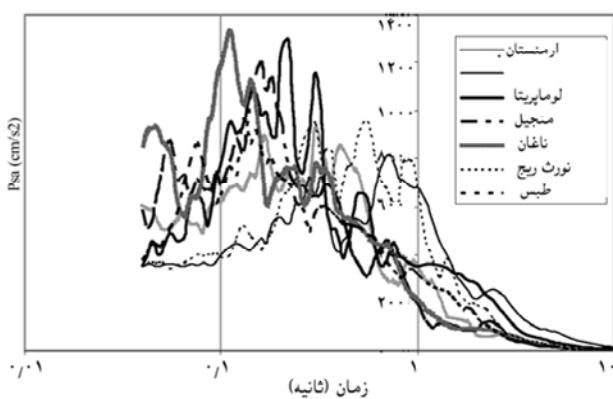
### ۵-۱- مدلسازی و تحلیل

به منظور بررسی روش در سیستم های مختلف از نظر پریود غالب و ارتفاع سازه، سه مدل به صورت قاب فولادی خمسمی چهار طبقه، هشت طبقه و شانزده طبقه با دهانه پنج متر



شکل (۳): قابهای موردنظر بررسی

همپایه شدند. همپایه کردن شتابنگاشتها در تغییر محنتی فرکانسی زلزله ها تأثیری ندارد؛ اما شتابنگاشتها با PSA های مختلف، به علت تأثیرات متفاوت روی خاک محل، دارای محتواهای فرکانسی مختلف می باشند که شرح این موضوع در محدوده این مقاله نمی گنجد. طیف پاسخ این زلزله ها در شکل (۴) نشان داده شده است.



شکل (۴): طیف پاسخ زلزله های استفاده شده در تحلیل

## ۵-۲-۵- مراحل تحلیل سازه ها

سازه ها با دو روش MPA و تحلیل دینامیکی تاریخچه زمانی غیرخطی برای هفت زلزله تحلیل شدند. روش اول به عنوان روش اصلی و روش دوم به عنوان روش شاهد استفاده شد. با توجه به اینکه در تحلیل از منحنی ظرفیت سازه استفاده می شود، انجام تحلیل Pushover برای سازه های موجود لازم است. برای درنظر گرفتن اثرهای مدهای بالاتر در سازه های موجود، الگوی توزیع بار جانبی با توجه به شکل (۱) انتخاب می گردد. در واقع اعمال مدمور نظر سازه از رابطه (۱) انتخاب می گردد. در اعمال بارهای جانبی باید پس از اعمال بارهای ثقلی انجام شود. در ابتدا باید کل بار ثقلی به سازه اعمال گردد و پس از آن، اعمال بار جانبی به سازه آغاز شود. انتظار می رود که بر اثر اعمال بار ثقلی به سازه هیچ گونه رفتار غیرخطی در اعضای سازه ای برخیزد. برای ایجاد همگونی و امکان مقایسه بهتر بین نتایج و استفاده از نتایج میانگین، تمام شتابنگاشتها به  $PGA=0.35g$

جدول (۱): مشخصات دینامیکی قابها

### الف: قاب چهار طبقه

شماره مد	دوره تناوب (ثانیه)	جرم موتور مدی (t.sec <sup>2</sup> /m)	جرم موتور مدی (t.sec <sup>2</sup> /m)	نسبت جرم موتر مدی	ضریب مشارکت مدی
۱	۰.۰۳۶	۹/۱۳۴	۰/۷۹۳	۰/۷۹۳	۰/۰۲۱
۲	۰.۰۴۲	۷۳۰	۰/۱۱۴	۰/۹۰۷	۷۱۴۷
۳	۰.۰۲۲	۰/۷۶۵	۰/۰۶۶	۰/۹۳۷	۰/۸۷۴

### ب: قاب هشت طبقه

شماره مد	دوره تناوب (ثانیه)	جرم موتور مدی (t.sec <sup>2</sup> /m)	جرم موتور مدی (t.sec <sup>2</sup> /m)	نسبت جرم موتر مدی	ضریب مشارکت مدی
۱	۷۶۱۲	۱۷/۸۰۳	۰/۷۶۷	۰/۷۶۷	۴۲۸
۲	۰/۵۸۷	۲/۶۱۸	۰/۱۱۳	۰/۸۸۰	۷۶۱۷
۳	۰/۳۶	۷۱۰	۰/۰۴۸	۰/۹۲۸	۷۰۵۲
۴	۰/۲۴۹	۰/۵۴۱	۰/۰۲۳	۰/۹۵۱	۰/۷۳۳

### پ: قاب شانزده طبقه

شماره مد	دوره تناوب (ثانیه)	جرم موتور مدی (t.sec <sup>2</sup> /m)	جرم موتور مدی (t.sec <sup>2</sup> /m)	نسبت جرم موتر مدی	ضریب مشارکت مدی
۱	۲/۶۰۳	۳۶/۲۹۹	۰/۷۲۷	۰/۷۲۷	۵۸۵۷
۲	۰/۹۹۲	۵۹۰۴	۰/۱۲۷	۰/۸۶۳	۲۴۳۰
۳	۰/۰۷۷	۲/۰۲۰	۰/۰۴۳	۰/۹۰۷	۱۴۲۲
۴	۰/۴۰۱	۷۰۸۰	۰/۰۲۳	۰/۹۳۰	۷۰۴۰
۵	۰/۳۰۵	۰/۶۵۴	۰/۰۱۴	۰/۹۴۴	۰/۸۰۹
۶	۰/۲۴۷	۰/۴۷۲	۰/۰۱۰	۰/۹۵۴	۰/۶۸۸۸

### ت: قاب شانزده طبقه نامنظم

شماره مد	دوره تناوب (ثانیه)	جرم موتور مدی (t.sec <sup>2</sup> /m)	جرم موتور مدی (t.sec <sup>2</sup> /m)	نسبت جرم موتر مدی	ضریب مشارکت مدی
۱	۱۳۵۸	۱۶/۸۷۲	۰/۴۰۰	۰/۴۰۰	۲/۸۵۵
۲	۰/۵۶۰	۱۴/۹۳۷	۰/۴۰۲	۰/۸۰۲	۲/۸۷۰
۳	۰/۳۳۶	۴/۳۶۹	۰/۱۱۸	۰/۹۲۰	۲/۱۰۴
۴	۰/۲۴۸	۰/۶۵۵	۰/۰۱۸	۰/۹۳۸	۰/۸۱۱
۵	۰/۱۵۷	۰/۳۵۱	۰/۰۰۹	۰/۹۵۱	۰/۵۶۳

برای انجام تحلیلهای استاتیکی فزاینده غیرخطی مدلی و دینامیکی غیرخطی تاریخچه زمانی، از هفت شتابنگاشت با محتواهای فرکانسی، مدت و پریودهای غالب متفاوت استفاده گردید. برای ایجاد همگونی و امکان مقایسه بهتر بین نتایج و استفاده از نتایج میانگین، تمام شتابنگاشتها به  $PGA=0.35g$

استفاده شده است.

سازه یک درجه آزاد معادل استفاده شده است. برای هر سازه و برای هر مد جداگانه تحلیل دینامیکی تاریخچه زمانی غیرخطی با استفاده از نگاشت زلزله های موجود صورت گرفته است. نتایج حاصله با استفاده از رابطه (۳) به تغییر مکان انتهایی سازه اصلی در مد مربوطه تبدیل می شوند. به مقدار خطای حاصل از این روش نسبت به روش دقیق دینامیکی تاریخچه زمانی در بخش چهارم اشاره شده است. یکی از مزیتهای این روش، همگراشدن تحلیل برای کلیه سازه هاست. علاوه بر آن، خطای ناشی از قرائت محل تقاطع طیف پاسخ و طیف ظرفیت که در روش تحلیل طیف ظرفیت امکان بروز آن وجود دارد، در این روش حذف می گردد. با توجه به اینکه انجام تحلیل دینامیکی غیرخطی برای سازه یک درجه آزاد به زمان زیادی نیاز ندارد، برتری زمانی روش تحلیل طیف ظرفیت بر این روش قابل چشم پوشی است. از طرف دیگر، در روش تحلیل طیف ظرفیت در گام اول رفتار خطی یا غیرخطی سازه تشخیص داده می شود. در صورت خطی بودن رفتار، احتیاج به انجام سعی و خطا نیست؛ اما در روش تحلیل استاتیکی فزاینده غیرخطی مدلی در هر صورت سازه بارفتار غیرخطی، مدل و تحلیل دینامیکی می شود.

#### پ) تعیین نسبت تغییر مکان نسبی در قابها

یکی از مهمترین پارامترهای مؤثر در تعیین آسیب پذیری سازه ها، تغییر مکان نسبی طبقات (Drift Ratio) است که در آین نامه های مختلف حدودی به عنوان حدود مجاز آن تعیین گردیده است. برای تعیین تغییر مکان نسبی در روش تحلیل دینامیکی غیرخطی، تاریخچه پاسخ هر طبقه برای هر زلزله به دست می آید. با کسر تاریخچه پاسخ این طبقه از تاریخچه پاسخ طبقه بالا، تاریخچه تغییر مکان نسبی (Drift) طبقه بالا تعیین می شود. مقدار بیشینه این تاریخچه (به صورت قدر مطلق) به عنوان تغییر مکان نسبی طبقه منظور می گردد.

#### الف) محاسبه منحنی ظرفیت سازه ها

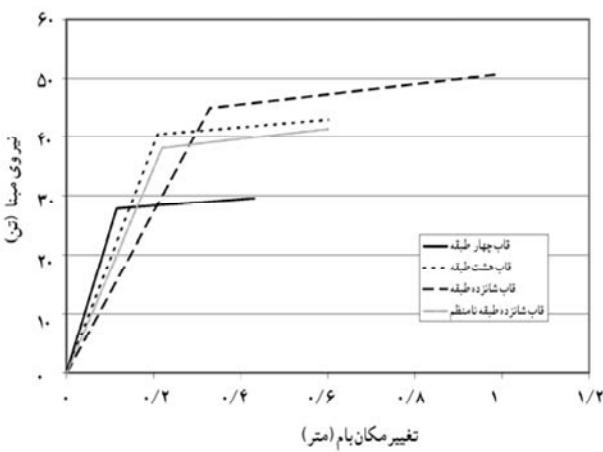
پس از انجام تحلیل Pushover، منحنی های ظرفیت سازه برای هر مد به دست می آیند. به منظور انجام تحلیل MPA، منحنی ظرفیت به دست آمده را باید به منحنی های دو خطی تبدیل کرد. در این راستا، سه اصل اساسی باید مورد توجه قرار گیرد:

۱- شیب قسمت اولیه منحنی دو خطی مساوی شیب ابتدای منحنی اولیه است؛

۲- سطح زیر منحنی دو خطی با سطح زیر منحنی اولیه مساوی است؛

۳- نقطه گسیختگی منحنی دو خطی، منطبق بر نقطه گسیختگی منحنی اولیه است.

در شکل (۵) منحنی های ظرفیت حاصل برای سازه های مورد بررسی تنها در مداول نشان داده شده است.



شکل (۵): منحنی ظرفیت قابها در مداول

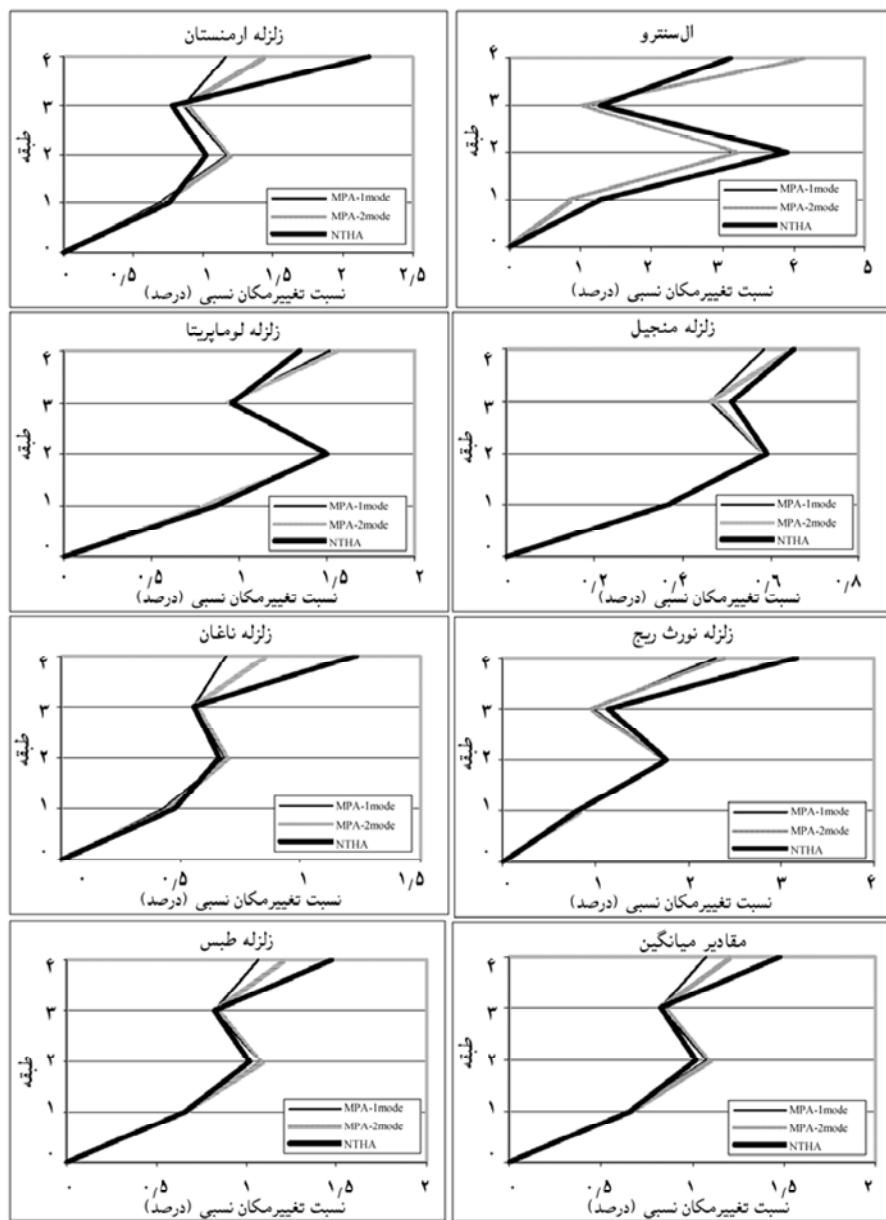
#### ب) تحلیل استاتیکی فزاینده غیرخطی مدلی

با داشتن رفتار غیرخطی یک درجه آزاد معادل و انجام تحلیل دینامیکی تاریخچه زمانی بر روی آن، می توان حداکثر تغییر مکان آن را برای هر زلزله به دست آورد. برای انجام این کار از برنامه SAP 2000 و اعضای Nlink (فتر با خصوصیات دلخواه خطی و غیرخطی) برای مدل سازی رفتار غیرخطی

طبقات به دست می آید. به عنوان مثال، تغییر مکان بیشینه قاب چهار طبقه در مد اول و برای زلزله ارمنستان از روش MPA برابر ۱/۶۳ سانتیمتر به دست آمده است. با انجام تحلیل استاتیکی فزاینده غیرخطی با الگوی بارگذاری متناظر با تغییر شکل مد اول و تا جایی که انتهای سازه به تغییر مکانی برابر با ۱/۶۳ سانتیمتر برسد، مقادیر تغییر مکان نسبی طبقات برای این قاب، برای مد اول و برای زلزله ارمنستان به دست می آید. با انجام تحلیلهای مشابه برای مدها و

با تقسیم این مقدار بر ارتفاع طبقه، نسبت تغییر مکان نسبی تعیین می شود.

با توجه به بیشینه تغییر مکان انتهایی به دست آمده برای هر قاب در هر مد تغییر شکل طی زلزله های مختلف، با انجام مجددیک تحلیل استاتیکی فزاینده غیرخطی برای آن قاب در آن مد تغییر شکل که در آن حداقل تغییر مکان انتهای برابر مقدار به دست آمده در مرحله قبل است، تغییر مکان هر طبقه از قاب در آن مد و برای آن زلزله تعیین و در نتیجه تغییر مکان نسبی



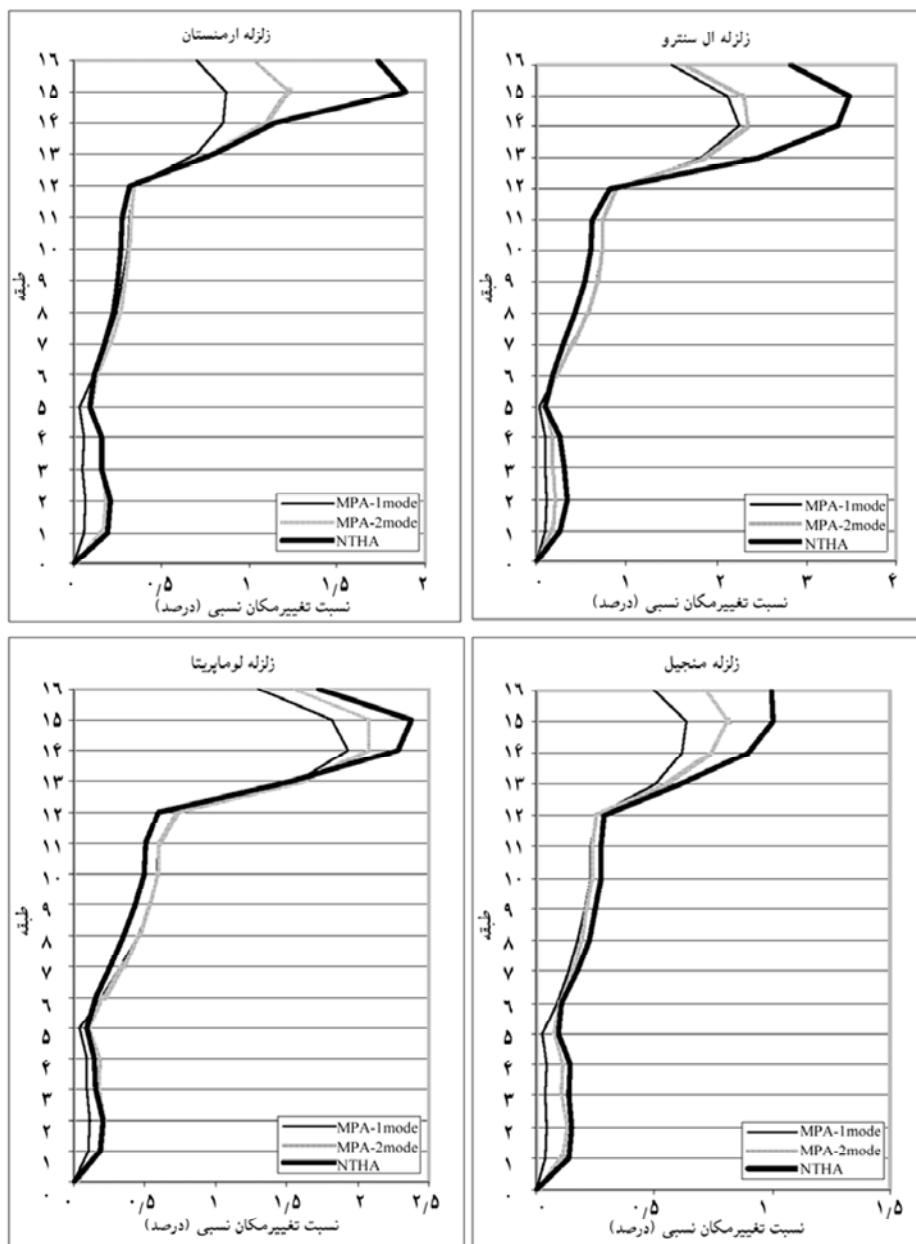
شکل (۶): نمودار نسبت تغییر مکان نسبی برای قاب چهار طبقه

نشان داده شده است. در اشکال (۶ و ۷)، مقادیر نسبت تغییر مکان نسبی برای قابهای چهار و شانزده طبقه نامنظم و زلزله های مختلف برای حالت های مداول و ترکیب دو مد اول بانتایج حاصل از روش تحلیل دینامیکی تاریخ چه زمانی غیر خطی مقایسه شده است. در آخرین نمودار برای هر قاب، مقادیر میانگین تغییر مکان نسبی با یکدیگر مقایسه شده اند. برای تعیین مقادیر میانگین در روش MPA، قاب

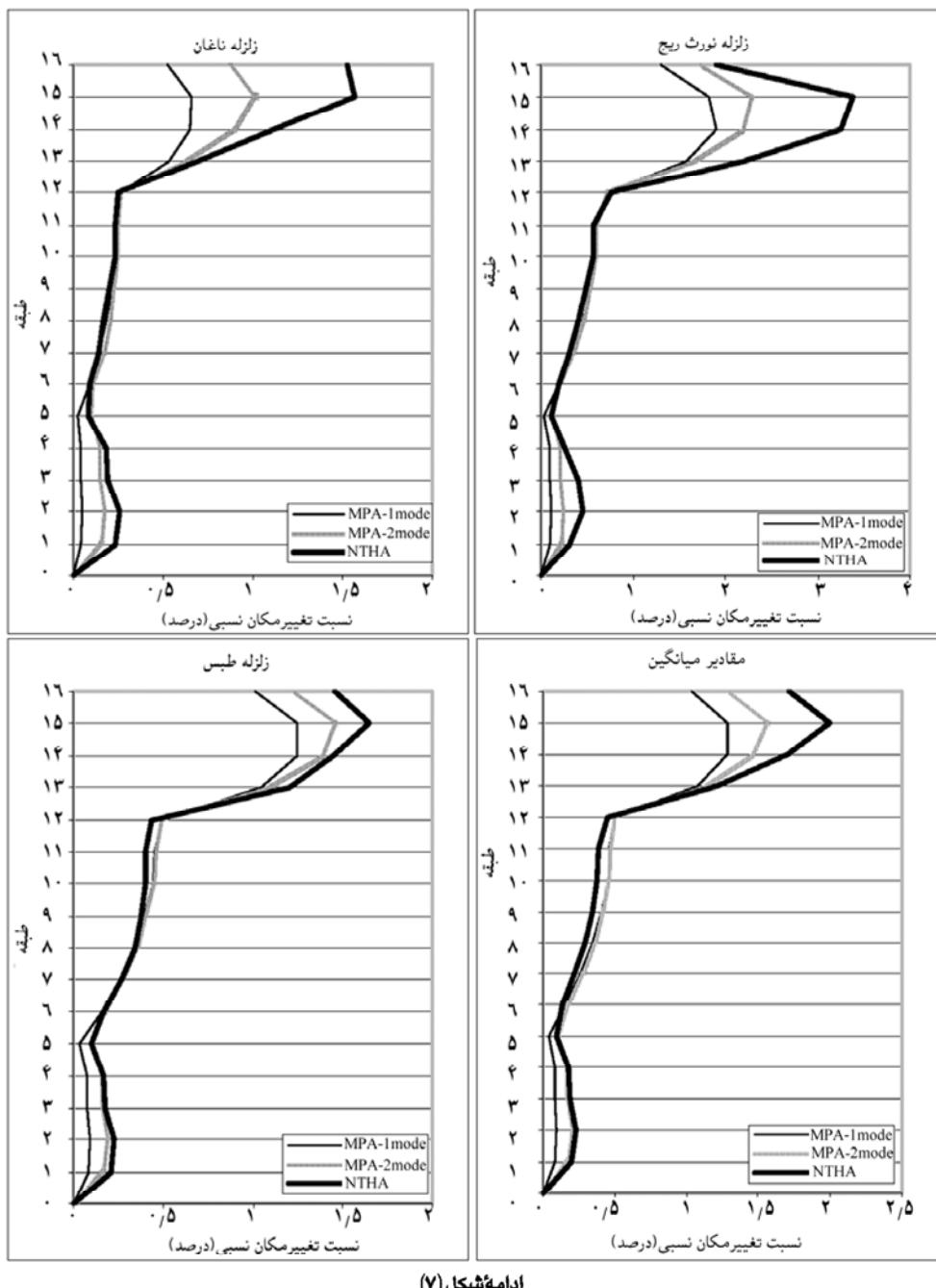
زلزله های مختلف، می توان نمودار تغییر مکان نسبی طبقات را رسم نمود.

## ۶- نتایج تغییر مکان نسبی طبقات

در این بخش، نتایج به دست آمده برای تغییر مکان نسبی طبقات با استفاده از روش MPA آورده شده و خطای آنها نسبت به روش تحلیل دینامیکی تاریخ چه زمانی غیر خطی



شکل (۷): نمودار نسبت تغییر مکان نسبی برای قاب شانزده طبقه نامنظم



ادامه شکل (۷)

۱- با افزایش تعداد طبقات قابها یا ارتفاع سازه یا افزایش پریود، مقدار خطای روش MPA نسبت به روش تحلیل دینامیکی تاریخچه زمانی غیرخطی افزایش می‌یابد که این مقدار خطأ در صورت در نظر نگرفتن اثر مدهای بالاتر بیشتر می‌شود. علاوه بر آن، تفاوت بین نتیجه حاصل از مرحله اول و نتیجه حاصل از ترکیب مدها با افزایش تأثیر مدهای بالاتر، افزایش می‌یابد.

تامقدار میانگین تغییر مکان بیشینه هر مرحله زلزله مورد تحلیل Pushover قرار گرفته است. در بخش بعد، نتایج حاصل از این نمودارهای بررسی و به منظور بهبود نتایج حاصل از روش MPA، مواردی پیشنهاد شده است.

## ۷- نتایج

اهم نتایج این تحقیق عبارتند از:

۷-اگرچه در این مقاله به نحوه ملحوظ نمودن رفتار غیرخطی مقاطع اشاره نشده است، اما تحقیقات گسترده‌تر در این مورد بویژه در سازه‌های بتُنی، به نتایج دقیق‌تری منتهی خواهد شد.

۸- یکی از موارد پیشنهادی به منظور تحقیقات آتی، بررسی رفتار سازه‌های سه بعدی با رفتار غالب پیچشی و تأثیر تشکیل مفاصل خمیری در تغییر رفتار دینامیکی سازه‌ها و جابه جایی مدهای مختلف در مراحل آتی بارگذاری می‌باشد.

## -۸- مراجع

1. Chopra, A. K. and Goel, R. K. (2001). "A Modal Pushover Analysis Procedure for Estimating Seismic Demands for Buildings: Theory and Preliminary Evaluation." Report No. PEER - 2001/03, Pacific Earthquake Engineering Research Center, University of California, Berkeley.
2. Chopra, A. K. and Goel, R. K. (2002). "A Modal Pushover Analysis Procedure for Estimating Seismic Demands for Buildings." Earthquake Engineering and Structural Dynamics Vol. 31, pp. 561 - 582.
3. Valley, M. T. and Harris, J. R. (1998). "Application of Modal Techniques in a Pushover Analysis." 6<sup>th</sup> US National Conference on Earthquake Engineering.
4. Kilar, V. and Faifor, P. (1997). "Simple Pushover Analysis of Asymmetric Buildings." Earthquake Engineering and Structural Dynamics, 26, pp. 233 - 249.
5. Gupta, B. and Kunzath, S.K. (2000). "Adaptive Spectra Based Pushover Procedure for Seismic Evaluation of Structures." J. Earthquake Spectra. Vol. 16, No. 2.
- 6- "دستورالعمل بهسازی لرزه‌ای ساختمانهای موجود، تهران: پژوهشگاه بین‌المللی زلزله‌شناسی و مهندسی زلزله، ۱۳۸۱.
7. Applied Technology Council (1996). "Seismic Evaluation and Retrofit of Concrete Buildings." Report ATC 40, November.
8. Federal Emergency Management Agency (1998). "Guidelines for the Seismic Rehabilitation of Buildings." FEMA 273.

۲- بادر نظر گرفتن اثر مدهای بالاتر، حتی در قاب شانزده طبقه نامنظم نیز می‌توان نتیجه نسبتاً خوبی در اغلب زلزله‌ها در مقایسه با تحلیل دینامیکی تاریخچه زمانی غیرخطی به دست آورد.

۳- در تمامی قابها تفاوت نسبت تغییر مکان نسبی در مقایسه با روش تحلیل دینامیکی تاریخچه زمانی غیرخطی در طبقات انتهایی بیشتر از طبقات ابتدایی است. علاوه بر آن، در تمام قابها تفاوت بین نتیجه حاصل از مد اول و نتیجه حاصل از ترکیب مدها در طبقات انتهایی بیشتر از طبقات ابتدایی است. در واقع، در طبقات انتهایی در اغلب زلزله‌های نتیجه حاصل از ترکیب مدها، بین نتیجه حاصل از مد اول و نتیجه حاصل از روش تحلیل دینامیکی تاریخچه زمانی غیرخطی قرار می‌گیرد.

۴- برخی نامنظمی‌های تغییر مکان نسبی که در نتیجه حاصل از روش تحلیل دینامیکی تاریخچه زمانی غیرخطی دیده می‌شوند، قابل بازسازی توسط روش تحلیل استاتیکی فراینده غیرخطی مدلی نمی‌باشند. نتایج حاصل بویژه در قاب هشت طبقه (نتایج در این مقاله آورده نشده است) مؤید این موضوع است.

۵- در اغلب موارد نتایج روش MPA، حتی بادر نظر گرفتن اثر مدهای بالاتر، نسبت به روش تحلیل دینامیکی تاریخچه زمانی غیرخطی، دست پایین می‌باشند.

۶- با توجه به نتایج حاصل، به نظر می‌رسد برای استفاده از این روش در تعیین تغییر مکان نسبی طبقات باید از ضرایبی بزرگتر از واحد، که تعیین آنها نیاز به تحقیقات بیشتری دارد، استفاده گردد. این ضرایب می‌توانند در طبقات مختلف متفاوت باشند تا به دقت نتایج حاصل افزوده شود.

9. Chintanapakdee, Ch. and Chopra, A. K. (2003). "Evaluation of Modal Pushover Analysis Using Generic Frames." *J. Earthquake Engineering and Structural Dynamics*, Vol. 32, pp. 417 - 422.

۱۰- منشوری، محمد رضا. "بررسی روش طیف ظرفیت یا ظرفیت- نیاز"، سمینار کارشناسی ارشد، تهران: پژوهشگاه بین المللی زلزله شناسی و مهندسی زلزله،

▶ ۱۳۸۱

تاریخ دریافت مقاله: ۸۲/۸/۱۷